

МИНОБРНАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

Институт прикладной математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ

Директор института прикладной  
математики и компьютерных наук

А.В. Замятин

2022 г.



Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине  
(Оценочные средства по дисциплине)

**Эконометрическое моделирование и стохастические процессы**

по направлению подготовки

**01.03.02 Прикладная математика и информатика**

Направленность (профиль) подготовки:  
**Математические методы в цифровой экономике**

Томск–2022

ОС составили:

д-р физ.-мат. наук, профессор,  
профессор кафедры системного анализа  
и математического моделирования



В.А. Васильев

д-р физ.-мат. наук, доцент,  
профессор кафедры системного анализа  
и математического моделирования



Ю.Г. Дмитриев

Рецензент:

д-р физ.-мат. наук, профессор,  
профессор кафедры системного анализа  
и математического моделирования



Г.М .Кошкин

Оценочные средства одобрены на заседании учебно-методической комиссии  
института прикладной математики и компьютерных наук (УМК ИПМКН).

Протокол от 12 мая 2022 г. № 04.

Председатель УМК ИПМКН,  
д-р техн. наук, профессор



С.П. Сущенко

**Оценочные средства (ОС)** являются элементом системы оценивания сформированности компетенций у обучающихся в целом или на определенном этапе ее формирования.

ОС разрабатывается в соответствии с рабочей программой (РП) дисциплины.

## 1. Компетенции и результаты обучения, формируемые в результате освоения дисциплины

Компетенция	Индикатор компетенции	Код и наименование результатов обучения (планируемые результаты обучения, характеризующие этапы формирования компетенций)	Критерии оценивания результатов обучения			
			Отлично	Хорошо	Удовлетворительно	Неудовлетворительно
ОПК-1. Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ИОПК-1.1. Демонстрирует навыки работы с учебной литературой по основным естественнонаучным и математическим дисциплинам.	ОР-1.1.1. Обучающийся сможет: анализировать и применять фундаментальные знания, полученные в области математических и естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.	Сформированы систематические знания и способность анализировать и применять фундаментальные знания, полученные в области математических и естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.	Сформированы, но содержащие отдельные пробелы в знании и анализировать и применять фундаментальные знания, полученные в области математических и естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.	Фрагментарные знания по анализу и применению фундаментальных знаний, полученных в области математических и естественных наук, и использованию их в профессиональной деятельности	Отсутствие знаний по анализу и применению фундаментальных знаний, полученных в области математических и естественных наук. Использование их в профессиональной деятельности .

	ИОПК-1.2. Демонстрирует навыки выполнения стандартных действий, решения типовых задач с учетом основных понятий и общих закономерностей, формулируемых в рамках базовых математических и естественнонаучных дисциплин.	ОР-1.2.1. Обучающийся сможет выполнять стандартные действия, при решении типовых задач с учетом основных понятий и общих закономерностей базовых математических и естественнонаучных дисциплин.	Сформированы систематические знания и способность выполнять стандартные действия, при решении типовых задач с учетом основных понятий и общих закономерностей базовых математических и естественнонаучных дисциплин.	Сформированы, но содержащие отдельные пробелы	Фрагментарные знания по выполнению стандартных действий, при решении типовых задач с учетом основных понятий и общих закономерностей базовых математических и естественнонаучных дисциплин	Отсутствуют знания по выполнению стандартных действий, при решении типовых задач с учетом основных понятий и общих закономерностей базовых математических и естественнонаучных дисциплин
--	--	---	--	---	--	--



	ИОПК-1.4. Демонстрирует понимание и навыки применения на практике математических моделей и компьютерных технологий для решения практических задач, возникающих в профессиональной деятельности.	ОР-1.4.1. Обучающийся умеет понимать и применять на практике математические модели и компьютерные технологии для решения практических задач, возникающих в профессиональной деятельности.	Сформированы систематические знания по применения на практике отдельные пробелы в математических знаниях по математических моделей и компьютерных технологий для решения практических задач, возникающих в профессиональной деятельности.	Сформированы , но содержащие применение на практике математических моделей и компьютерных технологий для решения практических задач, возникающих в профессиональной деятельности.	Фрагментарные знания по применению на практике математических моделей и компьютерных технологий для решения практических задач, возникающих в профессиональной деятельности..	Отсутствуют знания по применению на практике математических моделей и компьютерных технологий для решения практических задач, возникающих в профессиональной деятельности..
--	---	---	---	---	---	---



<p>ОПК-3 – Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности.</p>	<p>ИОПК-3.1. Демонстрирует навыки применения современного математического аппарата для построения адекватных математических моделей реальных процессов, объектов и систем в своей предметной области.</p>	<p>ОР-3.1.1. Обучающийся умеет применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности.</p>	<p>Сформированы систематические знания по применению отдельные пробелы в знаниях по применению современного математического аппарата для построения адекватных математических моделей реальных процессов, объектов и систем в своей предметной области.</p>	<p>Сформированы , но содержащие отдельные пробелы в знаниях по применению современного математического аппарата для построения адекватных математических моделей реальных процессов, объектов и систем в своей предметной области.</p>	<p>Фрагментарные знания по применению современного математического аппарата для построения адекватных математических моделей реальных процессов, объектов и систем в своей предметной области.</p>	<p>Отсутствуют знания по применению на современного математического аппарата для построения адекватных математических моделей реальных процессов, объектов и систем в своей предметной области...</p>
---	---	--	---	--	--	---

	<p>ИОПК-3.2. Демонстрирует умение собирать и обрабатывать статистические, экспериментальные, теоретические и т.п. данные для построения математических моделей, расчетов и конкретных практических выводов.</p>	<p>ОР-3.2.1. Обучающийся умеет собирать и обрабатывать статистические, экспериментальные, теоретические и т.п. данные для построения математических моделей, расчетов и конкретных практических выводов.</p>	<p>Сформированы систематические знания по сбору и обработке статистических, экспериментальных, теоретических и т.п. данных для построения математических моделей, расчетов и конкретных практических выводов.</p>	<p>Сформированы , но содержащие отдельные пробелы в знаниях по сбору и обработке статистических , экспериментальных, теоретических и т.п. данных для построения математических моделей, расчетов и конкретных практических выводов.</p>	<p>Фрагментарные знания по по сбору и обработке статистических , экспериментальных, теоретических и т.п. данных для построения математических моделей, расчетов и конкретных практических выводов.</p>	<p>Отсутствуют знания по по сбору и обработке статистических, экспериментальных, теоретических и т.п. данных для построения математических моделей, расчетов и конкретных практических выводов.</p>
	<p>ИОПК-3.3. Демонстрирует способность критически переосмысливать накопленный опыт, модифицировать при необходимости вид и характер разрабатываемой математической модели.</p>	<p>ОР-3.3.1. Обучающийся умеет критически переосмысливать накопленный опыт, модифицировать при необходимости вид и характер разрабатываемой математической модели.</p>	<p>Сформированы систематические знания по умению модификации разрабатываемой математической модели.</p>	<p>Сформированы , но содержащие отдельные пробелы в умении модифицировать разрабатываемые математические модели.</p>	<p>Фрагментарные знания по умению модификации разрабатываемой математической модели.</p>	<p>Отсутствуют знания по умению модификации разрабатываемой математической модели.</p>



## **2. Этапы формирования компетенций и виды оценочных средств**

<b>№</b>	<b>Этапы формирования компетенций (разделы дисциплины)</b>	<b>Код и наименование результатов обучения</b>	<b>Вид оценочного средства (тесты, задания, кейсы, вопросы и др.)</b>
1.	ОПК-1 (разделы 1-8)	OP-3.3.1, OP-3.2.1	вопросы, задания
2.	ОПК-2 (разделы 2-8)	OP-3.2.1, OP-3.1.1, OP-3.2.1	вопросы, задания
3.	ОПК-3 (разделы 7-8)	OP-3.2.3, OP-3.2.1, OP-2.2.1, OP-1.2.1	вопросы, задания
4.	ПК-1 (разделы 7-8)	OP-3.2.3, OP-3.1.1, OP-3.2.1, OP-1.1.1	вопросы, задания

### **3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки образовательных результатов обучения**

#### **3.1. Типовые задания для проведения текущего контроля успеваемости по дисциплине**

##### **Список задач для проведения контрольной работы**

1. Доказать, что следующая система множеств является сигма алгеброй:
  - a. Тривиальная сигма-алгебра;
  - b. Сигма-алгебра, порожденная множеством;
  - c. Множество всех подмножеств (булеан).
2. Найти мощность булеана, построенного на основе множества, состоящего из  $N$  элементов.
3. Доказать мартингальность/субмартингальность следующих процессов:
  - a.  $Y(n)=X(1)+\dots+X(n)$ , где  $\{X(i)\}$  – последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин с нулевым средним;
  - b.  $Y(n)=X(1)*\dots*X(n)$  где  $\{X(i)\}$  – последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин с математическим ожиданием равным единице;
  - c.  $Y(n)=X(1)+\dots+X(n)$  где  $\{X(i)\}$  – последовательность независимых положительно определенных случайных величин с существующим первым моментом.
4. Используя неравенство Чебышева обосновать правило трех сигм для случайной величины с существующим вторым моментом.
5. Получить верхнюю границу для ковариации двух случайных величин, используя неравенство Коши-Буняковского.
6. Найти математическое ожидание, дисперсию и ковариацию процесса скользящего среднего порядка  $q$ .
7. Получить представление процесса авторегрессии первого порядка AR(1) через его шум.
8. Найти дисперсию процесса AR(1).
9. Получить оценки МНК и ММП для параметра гауссовского процесса AR(1).
10. Получить МНК-оценку для ARCH(1) процесса.

#### **3.2. Типовые задания для проведения промежуточной аттестации по дисциплине**

##### **Примерный перечень теоретических вопросов:**

1. Эконометрические модели
2. Модели Крамера-Лундberга

3. Модели финансовой математики
4. Модели (B,S) рынка
5. Модели финансовой математики для распределений с тяжелыми хвостами
6. Задачи финансовой математики для распределений с тяжелыми хвостами
7. Винеровский процесс
8. Функционалы от винеровского процесса
9. Доказательство оптимальности в среднеквадратическом смысле условного математического ожидания как одношагового прогноза
10. Прогнозирование динамических систем

**Примерный перечень экзаменационных билетов:**

**Экзаменационный билет № 1**

1. Эконометрические модели
2. Распределений с тяжелыми хвостами
3. Найти мощность булеана, построенного на основе множества, состоящего из  $N$  элементов.

**Экзаменационный билет № 2**

1. Модели Крамера-Лундберга
2. Функционалы от винеровского процесса
3. Получить верхнюю границу для ковариации двух случайных величин, используя неравенство Коши-Буняковского.

**Экзаменационный билет № 3**

1. Модели финансовой математики
2. Доказательство оптимальности в среднеквадратическом смысле условного математического ожидания как одношагового прогноза
3. Получить представление процесса авторегрессии первого порядка AR(1) через его шум

**Экзаменационный билет № 4**

1. Модели (B,S) рынка
2. Задачи финансовой математики для распределений с тяжелыми хвостами
3. Найти дисперсию процесса AR(1).

**Экзаменационный билет № 5**

1. Эконометрические модели
2. Распределений с тяжелыми хвостами
3. Найти математическое ожидание, дисперсию и ковариацию процесса скользящего среднего порядка  $q$ .

**Экзаменационный билет № 6**

1. Модели Крамера-Лундберга
2. Функционалы от винеровского процесса
3. Доказать мартингальность/субмартингальность следующих процессов:
  - a.  $Y(n)=X(1)+\dots+X(n)$ , где  $\{X(i)\}$  – последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин с нулевым средним;
  - b.  $Y(n)=X(1)*\dots*X(n)$  где  $\{X(i)\}$  – последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин с математическим ожиданием равным единице;
  - c.  $Y(n)=X(1)+\dots+X(n)$  где  $\{X(i)\}$  – последовательность независимых положительно определенных случайных величин с существующим первым моментом.

## **Экзаменационный билет № 7**

1. Модели финансовой математики
2. Доказательство оптимальности в среднеквадратическом смысле условного математического ожидания как одношагового прогноза
3. Используя неравенство Чебышева, обосновать правило трех сигм для случайной величины с существующим вторым моментом.

## **Экзаменационный билет № 8**

1. Модели (B,S) рынка
2. Задачи финансовой математики для распределений с тяжелыми хвостами
3. Найти мощность булеана, построенного на основе множества, состоящего из  $N$  элементов.

### **4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания образовательных результатов обучения**

#### **4.1. Методические материалы для оценки текущего контроля успеваемости по дисциплине.**

Основой для оценки текущего контроля успеваемости являются результаты выполнения контрольной работы, проводимой один раз в семестр. Задания формулируются по билетам, содержащим один теоретический вопрос (п. 3.2) и две задачи (п. 3.1), призванных оценить усвоение материала на практических занятиях.

Оценка «Отлично» ставится, если студент ответил правильно на все три вопроса билета.

Оценка «Хорошо» - студент ответил правильно на два вопроса билета.

Оценка «Удовлетворительно» - студент ответил правильно на один вопрос билета

Оценка «Неудовлетворительно» – студента ответил неправильно на все вопросы билета.

#### **4.2. Методические материалы для проведения промежуточной аттестации по дисциплине.**

Критерии оценивания результатов промежуточной аттестации. Задания формулируются по вопросам и билетам п.3.2.

Оценка «Отлично» ставится, если студент ответил правильно на все три вопроса билета.

Оценка «Хорошо» - студент ответил правильно на два вопроса билета.

Оценка «Удовлетворительно» – студент ответил правильно на один вопрос билета

Оценка «Неудовлетворительно» – студента ответил неправильно на все вопросы билета.