

МИНОБРНАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
Факультет инновационных технологий

УТВЕРЖДАЮ:

Декан

 С. В. Шидловский

«27» августа 2021 г.

**Рабочая программа дисциплины**

Многомерные статистические методы

Направление подготовки

**27.03.02 Управление качеством**

Направленность (профиль) подготовки:

**«Управление качеством в производственно-технологических системах»**

Форма обучения

**Заочная**

Квалификация

**Бакалавр**

Программу составил(и)

*Иваненко Борис Павлович,*  
доцент кафедры управления качеством,  
факультета инновационных технологий,  
кандидат физико-математических наук



ПОДПИСЬ

Рецензент (ы)

*Сырямкин Владимир Иванович,*  
заведующий кафедрой управления качеством  
факультета инновационных технологий,  
доктор технических наук



ПОДПИСЬ

Руководитель ООП

*Сырямкин Владимир Иванович,*  
заведующий кафедрой управления качеством  
факультета инновационных технологий,  
доктор технических наук



ПОДПИСЬ

Пауль Светлана Владимировна, доцент кафедры теории вероятностей и математической статистики, института прикладной математики и компьютерных наук, кандидат физико-математических наук.

Рабочая программа дисциплины является обязательным приложением к основной образовательной программе «Управление качеством в производственно-технологических системах» и разработана в соответствии с *Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 27.03.02 Управление качеством* (Приказ Министерства образования и науки РФ от 09 февраля 2016 г. № 92).

Программа одобрена на заседании учебно-методической комиссии факультета инновационных технологий (УМК ФИТ ТГУ) № 17 от 28.04.2021 года.

## 1. Код и наименование дисциплины

Б1.В.ДВ.05.02 Многомерные статистические данные

## 2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина Многомерные статистические данные входит в Блок 1. Дисциплины (модули). Вариативная часть учебного плана ООП «Управление качеством в производственно-технологических системах» по направлению подготовки 27.03.02 Управление качеством и является дисциплиной по выбору. Дисциплины, относящиеся к вариативной части, определяют, в том числе, направленность программы и после выбора обучающимся становятся обязательными для изучения.

## 3. Год/годы и семестр/семестры обучения.

3 курс, 5 семестр.

## 4. Входные требования для освоения дисциплины, предварительные условия (если есть).

Для успешного освоения дисциплины необходимы компетенции, сформированные у обучающихся в результате освоения таких дисциплин, как Математика ч.1.

Формируемые в процессе изучения дисциплины компетенции являются основой для изучения дисциплин: Статистические методы в управлении качеством/Квалиметрия.

## 5. Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы, 108 часов.

Вид учебной работы	Трудоемкость в академических часах
<b>Общая трудоемкость</b>	<b>108</b>
<b>Контактная работа:</b>	<b>12,85</b>
Лекции (Л):	4
Практические занятия (ПЗ)	8
<b>Иная контактная работа во время теоретического обучения (Крто):</b>	<b>0,85</b>
Групповые и (или) индивидуальные консультации	0,6
Зачет	0,25
<b>Самостоятельная работа обучающегося</b>	<b>95,15</b>
<b>Вид промежуточно аттестации</b>	<b>зачёт</b>

## 6. Формат обучения

Очный, с применением электронного обучения в системе «Электронный университет – MOODLE»

## 7. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Формируемые компетенции	Планируемые результаты
-------------------------	------------------------

<i>(код компетенции, уровень (этап) освоения)</i>	<b>обучения по дисциплине</b>
<p><b>ПК-1, II уровень</b> Способность анализировать состояние и динамику объектов деятельности с использованием необходимых методов и средств анализа</p>	<p><b>З (ПК-1) –II Знать:</b> основные методы современной теории вероятностей и математической статистики <b>У(ПК-1) –II Уметь:</b> применять в практической деятельности знания, полученные по курсу «Теория вероятности и математическая статистика» <b>В (ПК-1) –II Владеть:</b> навыками применения современных инструментариев теории вероятностей и математической статистики</p>
<p><b>ПК-6, I уровень</b> Способность использовать знания о принципах принятия решений в условиях неопределённости, о принципах оптимизации</p>	<p><b>З (ПК-6) –I Знать:</b> теоретические основы и концепции современной теории вероятностей и математической статистики <b>У(ПК-6) –I Уметь:</b> применять в научной и производственной деятельности знания, полученные по курсу «Теория вероятности и математическая статистика», осуществлять сбор, обработку данных статистических экспериментов, проводить интерпретацию полученных результатов исследования <b>В (ПК-6) –I Владеть:</b> методиками применения современных инструментариев теории вероятностей и математической статистики для решения социально-экономических задач; методикой построения, анализа и применения вероятностных и математических моделей для оценки и прогноза состояния производственно-технологических систем</p>

## 8. Содержание дисциплины и структура учебных видов деятельности

### 8.1. Общая структура дисциплины учебных видов деятельности

№ п/п	Наименование разделов и (или) тем	Всего (час.)	Контактная работа (час.)	СРС (час.)	Иная работ
-------	-----------------------------------	--------------	--------------------------	------------	------------

			Лекции (час.)	Практические занятия (час.)		а (час.)
1.	Тема 1. Случайные события	26,2	1	2	23,15	
2.	Тема 2. Случайные величины и их характеристики	26	1	2	24	
3.	Тема 3. Важнейшие распределения случайных величин.	26,15	1	2	24	
4.	Тема 4. Элементы математической статистики	27	1	2	24	
	<b>Групповые и (или) индивидуальные консультации во время теоретического обучения</b>	<b>2,4</b>				<b>0,6</b>
	<b>Зачёт</b>	<b>0,25</b>				<b>0,25</b>
	<b>Итого в семестре:</b>	<b>108</b>	<b>4</b>	<b>8</b>	<b>95,15</b>	<b>0,85</b>

## 8.2. Содержание дисциплины

Тема 1. Случайные события.

Элементы комбинаторики. Случайные события. Классическое определение вероятности. Условная вероятность. Теорема сложения несовместных и совместных событий. Теорема умножения вероятностей. Формула полной вероятности и формула Байеса. Схема испытаний Бернулли: формула Бернулли, формула Пуассона, локальная и интегральная теоремы Муавра-Лапласа.

№ п/п	Тема практического занятия
1.	Примеры случайного эксперимента. Операции над событиями.
2.	Классическое определение вероятности. Независимость событий. Схема Бернулли и формула Бернулли

Тема 2. Случайные величины и их характеристики.

Понятие случайной величины. Дискретные случайные величины. Закон распределения случайной величины. Функция распределения. Операции над дискретными случайными величинами. Числовые характеристики дискретных случайных величин: среднее, дисперсия, СКО, мода, медиана. Непрерывные случайные величины. Функция распределения и плотность распределения. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, коэффициент асимметрии, коэффициент эксцесса, мода и медиана.

№ п/п	Тема практического занятия
1.	Функция распределения и функция плотности случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины

Тема 3. Важнейшие распределения случайных величин.

Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. Равномерное распределение.

Показательное распределение. Нормальное распределение. Кривая Гаусса.

№ п/п	Тема практического занятия
1.	Закон больших чисел. Центральная предельная теорема

Тема 4. Элементы математической статистики.

Генеральная совокупность и выборка. Оценка параметров генеральной совокупности по ее выборке. Выборочные характеристики случайных величин. Оценки. Несмещенные, состоятельные и эффективные оценки.

Оценки математического ожидания и дисперсии. Теория интервального оценивания. Доверительный интервал и доверительная вероятность. Построение доверительных интервалов для оценки параметров выборки из нормальной совокупности.

Статистическая гипотеза. Ошибки 1-го и 2-го рода. Отыскание критических областей. Проверка гипотез о совпадении параметров распределения. Сравнение средних и дисперсий нормальных генеральных совокупностей. Проверка гипотез о виде распределения.

Непараметрические критерии согласия. Теорема Пирсона. Критерий хи-квадрат.

Корреляционно-регрессионный анализ. Основные положения корреляционно-регрессионного анализа. Коэффициент корреляции. Построение математической модели. Уравнения регрессии, их приближения. Оценка значимости коэффициентов регрессии. Проверка адекватности модели. Примеры применения.

№ п/п	Тема практического занятия
1.	Понятие доверительного интервала. Вероятности ошибок 1 и 2 родов
2.	Критерий Пирсона.
3.	Корреляционный и регрессионный анализ

## **9. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине и методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Учебно-методическое обеспечение по дисциплине включает:

- комплект презентаций
- учебную (основную и дополнительную) литературу
- методические указания по освоению дисциплины
- методические рекомендации по выполнению практических работ
- комплект оценочных средств для текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся;

– критерии оценки знаний, умений, навыков, практического опыта по всем видам контроля знаний у обучающихся.

### **9.1. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Программа дисциплины предусматривает контактную работу (аудиторная, внеаудиторная) и самостоятельную работу обучающихся.

Аудиторная контактная работа обучающихся – это работа обучающихся по освоению дисциплины, выполняемая в учебных помещениях НИ ТГУ (аудиториях, лабораториях, компьютерных классах и т.п.) при непосредственном участии преподавателя, в том числе с применением дистанционных образовательных технологий, согласно расписанию учебных занятий и экзаменационной сессии.

По дисциплине предусмотрены следующие основные виды аудиторной контактной работы: лекции, практические занятия.

Внеаудиторная контактная работа - контактная работа в период теоретического обучения (Крто), в которую входят групповые и/или индивидуальные консультации обучающихся во время теоретического обучения, сдача зачета.

Изучать курс рекомендуется в соответствии с той последовательностью, которая обозначена в рабочей программе. Все темы взаимосвязаны и позволяют студентам постепенно осваивать теорию и практику.

### **Лекции**

Лекционный курс предполагает систематизированное изложение основных вопросов учебного плана. На лекциях излагается основной теоретический материал курса. На первой лекции лектор предупреждает студентов, применительно к какому базовому учебнику (учебникам, учебным пособиям) будет прочитан курс. Лекции проходят в очном формате с применением ДОТ посредством технологии организации онлайн-встреч (вебинаров) и совместной работы в режиме реального времени через Интернет в ЭУ «Moodle».

### **Практические занятия**

Практические занятия предусматривают закрепление основных теоретических вопросов данной дисциплины и формирование умений и навыков, необходимых для анализа и интерпретации различного рода информации. Задания подобраны так, чтобы охватить как можно больше вопросов, что способствует более глубокому усвоению пройденного материала. Особое внимание уделяется практической направленности предлагаемых задач, развитию и совершенствованию способностей представлять результаты своей работы, логически аргументированно обосновывать свою позицию.

Решение практических задач сводится к следующей последовательности выполнения действий: полное и четкое выяснение условия; уточнение знаний и практического опыта, на основе которых может быть решена задача; составление плана решения.

Примерная схема решения задачи:

- а) что дано (сущность анализируемого действия, процесса, явления);
- б) что известно и в какой степени известное может помочь решению поставленной задачи;
- в) гипотезы решения;
- г) методы решения;
- д) способы предупреждения ошибок;
- е) выводы и предложения.

### **Самостоятельная работа**

Учебный процесс в высшем учебном заведении в значительной степени строится на самостоятельной работе студентов, без которой трудно в полной мере овладеть сложным программным материалом и научиться в дальнейшем постоянно совершенствовать приобретенные знания и умения.

Самостоятельная работа студентов – это процесс активного, целенаправленного приобретения студентом новых знаний, умений без непосредственного участия преподавателя, характеризующийся предметной направленностью, эффективным контролем и оценкой результатов деятельности обучающегося.

Цели самостоятельной работы:

- систематизация и закрепление полученных теоретических знаний и практических умений студентов;
- углубление и расширение теоретических знаний;
- формирование умений использовать нормативную и справочную документацию, специальную литературу;
- развитие познавательных способностей, активности студентов, ответственности и организованности;
- формирование самостоятельности мышления, творческой инициативы, способностей к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- развитие исследовательских умений и академических навыков.

Технология организации самостоятельной работы студентов включает использование электронной информационно-образовательной среды (ЭИОС) и материально-технических ресурсов НИ ТГУ. ЭИОС университета для выполнения самостоятельной работы студента включает: электронный университет «MOODLE», сайт научной библиотеки ТГУ.

Выполнение самостоятельной работы студентом усиливает мотивацию к аудиторной и внеаудиторной активности, что обеспечивает необходимый уровень знаний по изучаемой дисциплине и позволяет повысить готовность студентов к аттестации по дисциплине.

В учебном процессе выделяют два вида самостоятельной работы: аудиторная и внеаудиторная. Аудиторная самостоятельная работа по дисциплине выполняется на учебных занятиях под непосредственным руководством преподавателя и по его заданию в часы аудиторной работы. Внеаудиторная самостоятельная работа выполняется студентом по заданию преподавателя, но без его непосредственного участия и предполагает:

- изучение лекций и качественную подготовку ко всем видам учебных занятий;
- изучение основной и дополнительной литературы по предмету, использование ресурсов информационно-телекоммуникационной сети Интернет;
- выполнение индивидуальных заданий по курсу;
- подготовку к контрольной работе
- подготовку к текущему контролю и промежуточной аттестации.

Контроль результатов внеаудиторной самостоятельной работы студентов проходит в письменной, устной или смешанной форме.

Студенты должны подходить к самостоятельной работе как к наиважнейшему средству закрепления и развития теоретических знаний, выработке единства взглядов на отдельные вопросы курса, приобретения определенных навыков и использования профессиональной литературы.



При самостоятельной проработке курса обучающиеся должны:

- просмотреть основные определения и факты;
- повторить законспектированный на лекционном занятии материал и дополнить его с учетом рекомендованной по данной теме литературы;
- изучить рекомендованную литературу, составлять тезисы, аннотации и конспекты наиболее важных моментов;
- самостоятельно выполнить задания, аналогичные предлагаемым на занятиях;
- выполнить индивидуальные задания по указанию преподавателя.

Правила самостоятельной работы с литературой: при работе с книгой необходимо подобрать литературу, научиться правильно ее читать, вести записи. Важно помнить, что рациональные навыки работы с книгой - это всегда большая экономия времени и сил. Правильный подбор литературы рекомендуется преподавателем и приводится в п.11.

Изучая материал по учебнику, следует переходить к следующему вопросу только после правильного уяснения предыдущего, описывая в тетраде все выкладки и тезисы (в том числе те, которые в учебнике опущены или на лекции даны для самостоятельного вывода). Особое внимание следует обратить на определение основных понятий курса. Студент должен подробно разбирать примеры, которые поясняют такие определения, и уметь строить аналогичные примеры самостоятельно. Нужно добиваться точного представления о том, что изучаешь. Полезно в тетради (на специально отведенных полях) дополнять конспект. Опыт показывает, что многим студентам помогает составление листа опорных сигналов, содержащего важнейшие и наиболее часто употребляемые понятия и положения. Такой лист помогает запомнить основные положения лекции, а также может служить постоянным справочником для студента.

Различают два вида чтения: первичное и вторичное. Первичное - это внимательное, неторопливое чтение, при котором можно остановиться на трудных местах. После него не должно остаться ни одного непонятого слова. Содержание не всегда может быть понятно после первичного чтения. Задача вторичного чтения - полное усвоение смысла прочитанного в целом (по счету это чтение может быть и не вторым, а третьим или четвертым). Самостоятельная работа с учебниками и книгами (а также самостоятельное теоретическое исследование проблем, обозначенных преподавателем на лекциях) – это важнейшее условие формирования у себя теоретических знаний и практических навыков.

Если во время выполнения обучающимися внеаудиторной самостоятельной работы у студента возникают вопросы, разрешить которые самостоятельно не удастся, необходимо обратиться к преподавателю за консультацией для получения у него разъяснений или указаний. В своих вопросах студент должен четко выразить, в чем он испытывает затруднения, характер этого затруднения. Групповые и(или) индивидуальные консультации проводятся по расписанию. Расписание консультаций можно уточнить у преподавателя либо на кафедре, а также в электронном курсе в «Moodle».

В процессе изучения дисциплины предусмотрены несколько форм контроля. Оценка знаний, умений и навыков деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций по дисциплине, проводится в форме текущего контроля и промежуточной аттестации.

Итоговая оценка по дисциплине формируется на основании результатов текущего контроля и промежуточной аттестации.

Итоговая оценка по дисциплине определяется по формуле:

Текущий контроль проводится в форме: *проверки домашнего задания, проведения контрольных работ.*

Методические рекомендации по выполнению всех форм текущего контроля представлены в Фонде оценочных средств.

При подготовке к зачёту вначале следует просмотреть весь материал по сдаваемой дисциплине, отметить для себя трудные вопросы. Обязательно в них разобраться. Владеть навыками, полученными на практических занятиях.

#### **10. Форма промежуточной аттестации и фонд оценочных средств**

Форма промежуточной аттестации: зачёт.

Для аттестации обучающихся на соответствие их персональных достижений создан фонд оценочных средств по дисциплине, включающий оценочные и методические материалы, позволяющие оценивать знания, умения, навыки и уровень приобретенных компетенций.

Типовые контрольные задания, используемые для оценки результатов обучения и характеризующие этапы формирования соответствующих компетенций, представлены в фонде оценочных средств.

Карты компетенций и критерии оценивания представлены в Фонде оценочных средств.

#### **11. Ресурсное обеспечение**

##### **11.1 Литература и учебно-методическое обеспечение**

*Основная литература:*

1. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. – М.: Высшая школа, 2001
2. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике. – М.: Высшая школа, 2001.

*Дополнительная литература:*

1. Просветов Г.И. Теория вероятностей и математическая статистика. Задачи и решения.-М.:Альфа-Пресс, 2009.-272 с.
2. Мятлев В.Д., Панченко Л.А., Ризниченко Г.Ю., Терехин А.Т. Теория вероятностей и математическая статистика. Математические модели. -М.:Академия, 2009.-320 с.
3. Колемаев В.А., Калинина В.Н. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник.-М.:Юнити-Дата, 2009.-352 с.

##### **11.2 Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети Интернет, в т.ч. информационные справочные системы**

###### **Интернет-ресурсы**

– Теория вероятностей Электронный ресурс : учебное пособие /Ю. В. Потапов ; Том. гос. ун-т. Потапов, Юрий Викторович. Электронный ресурс <http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Repository/vtls:000391402>

– Теория вероятностей и случайных процессов : учебное пособие для

студентов вузов, обучающихся по специальностям: 010501-Прикладная математика и информатика, 080116-Математические методы в экономике] /А. А. Назаров, А. Ф. Терпугов ; Том. гос. ун-т. Назаров, Анатолий Андреевич <http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Repository/vtls:000398228>

– Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие /А. А. Туганбаев, В. Г. КрупинТуганбаев, Аскар Аканович [http://e.lanbook.com/books/element.php?p11\\_cid=25&p11\\_id=652](http://e.lanbook.com/books/element.php?p11_cid=25&p11_id=652).

– Теория вероятностей и математическая статистика в примерах и задачах : учебно-методическое пособие /Том. гос. ун-т, Каф. оптико-электрон. систем и дистанционного зондирования ; [сост.: Л. А. Больбасова, А. И. Елизаров] Электронный ресурс: <http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Repository/vtls:000421623>.

– Теория вероятностей и математическая статистика Электронный ресурс : учебное пособие /Б. А. Горлач Электронный ресурс: [http://e.lanbook.com/books/element.php?p11\\_cid=25&p11\\_id=4864](http://e.lanbook.com/books/element.php?p11_cid=25&p11_id=4864).

### **Базы данных и информационно-справочные системы**

- ЭБС «Лань» <https://e.lanbook.com/>.
- ЭБС «Консультант студента» <https://www.studentlibrary.ru/>.
- ЭБС «Юрайт» <https://urait.ru/>.
- ЭБС ZNANIUM.com <https://znanium.com/>.

### **11.3 Описание материально-технической базы**

Образовательный процесс по дисциплине обеспечивается в специальных помещениях:

- учебные аудитории для проведения учебных занятий всех видов; групповых и индивидуальных консультаций; проведения текущего контроля и промежуточной аттестации;
- помещения для самостоятельной работы.

Специальные помещения укомплектованы специализированной мебелью (рабочее место преподавателя, комплекты учебной мебели для обучающихся, маркерная доска и (или) доска флипчарт), оборудованием и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

### **Оборудование и технические средства обучения**

Для проведения лекций, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации необходима аудитория, оснащенная оборудованием и техническими средствами обучения: компьютер преподавателя или ноутбук с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду НИ ТГУ, мультимедиа-проектор, широкоформатный экран (телевизор), акустическая система (для отображения презентаций).

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечивающие доступ к электронной образовательной среде НИ ТГУ.

**Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства**

Для проведения лекционных и **практических занятий** необходимо лицензионное обеспечение: ОС Windows 10 Pro, Microsoft Office стандартный 2010, Dr. Web Desktop Security Suite, браузер последней версии.

**12. Язык преподавания – русский.**