# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Филологический факультет

УТВЕРЖДЕНО: Декан И. В.Тубалова

Рабочая программа дисциплины

#### Математическая статистика

по направлению подготовки

# 45.03.03 Фундаментальная и прикладная лингвистика

Направленность (профиль) подготовки: **Фундаментальная и прикладная лингвистика** 

Форма обучения **Очная** 

Квалификация **Бакалавр** 

Год приема **2025** 

СОГЛАСОВАНО: Руководитель ОП А.В. Васильева

Председатель УМК Ю.А. Тихомирова

Томск – 2025

## 1. Цель и планируемые результаты освоения дисциплины

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

ОПК-2 — Способен к ведению профессиональной деятельности с опорой на основы математических дисциплин, необходимых для формализации лингвистических знаний и процедур анализа и синтеза лингвистических структур;

Результатами освоения дисциплины являются следующие индикаторы достижения компетенций:

ИОПК-2.3 Применяет математические методы в процедурах анализа и синтеза лингвистических структур.

ИОПК-2.2 Соотносит задачи формализации лингвистических знаний с основами математических знаний.

## 2. Задачи освоения дисциплины

- Изучить основные понятия и методы математической статистики;
- Освоить аппарат статистического анализа данных;
- Научиться применять изученные методы статистического анализа для решения практических задач с использованием пакетов программ для анализа данных

# 3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к Блоку 1 «Дисциплины (модули)».

Дисциплина относится к части образовательной программы, формируемой участниками образовательных отношений, является обязательной для изучения.

## 4. Семестр(ы) освоения и форма(ы) промежуточной аттестации по дисциплине

Пятый семестр, экзамен

## 5. Входные требования для освоения дисциплины

Для успешного освоения дисциплины требуются результаты обучения по следующим дисциплинам: понятийный аппарат математики, информационные технологии и основы информационной культуры в лингвистике, информатика и основы программирования.

## 6. Язык реализации

Русский

#### 7. Объем дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 часов, из которых:

-лекции: 10 ч.

-практические занятия: 22 ч.

в том числе практическая подготовка: 0 ч.

Объем самостоятельной работы студента определен учебным планом.

## 8. Содержание дисциплины, структурированное по темам

Тема 1. Введение.

Измерительные шкалы. Генеральная и выборочная совокупности. Способы отбора данных. Способы представления выборок (табличные, графические и др.)

Тема 2. Оценка параметров.

Точечные оценки и их свойства. Числовые характеристики выборки. Интервальное оценивание.

## Тема 3. Проверка статистических гипотез.

Определение статистической гипотезы. Нулевая и альтернативная гипотезы. Ошибки первого и второго рода и их вероятности. Статистические критерии. Мощность критерия. Критические обрасти и критические точки. Алгоритм проверки гипотез. Критерий согласия Пирсона. P-value. Проверка нормальности.

## Тема 4. Критерии сравнения групп.

Параметрические критерии сравнения групп (t-критерий Стьюдента, критерий Фишера, дисперсионный анализ). Непараметрические критерии (критерии Манна-Уитни, Вилкоксона, Краскала-Уолиса, Фридмана).

# Тема 5. Корреляционный анализ.

Количественная корреляция. Парный коэффициент корреляции Пирсона. Ранговая корреляция. Коэффициент Спирмена. Коэффициент конкордации. Анализ таблиц сопряженности.

## Тема 6. Регрессионный анализ.

Постановка задачи регрессии. Парная регрессия. Оценка параметров уравнения регрессии. Проверка качества уравнения регрессии. Множественная регрессия.

## 9. Текущий контроль по дисциплине

Текущий контроль по дисциплине проводится путем контроля посещаемости, проведения тестов по лекционному материалу и фиксируется в форме контрольной точки не менее одного раза в семестр.

## 10. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации

Экзамен в пятом семестре проводится в форме итогового теста по всему материалу курса. Итоговый тест проверяет ИОПК-2.2.

В тесте 15 вопросов от 1 до 3 баллов за каждый. Максимум за тест -30 баллов.

- 0-15 неудовлетворительно,
- 16-20 удовлетворительно.
- 21-25 хорошо,
- 26-30 отлично.

# Список теоретических вопросов для подготовки к тесту.

- 1. Типы статистических данных. Измерительные шкалы.
- 2. Понятие вариационного ряда.
- 3. Полигон частот и гистограмма.
- 4. Эмпирическая функция распределения и ее свойства.
- 5. Точечное оценивание.
- 6. Интервальное оценивание.
- 7. Средние показатели.
- 8. Показатели вариации.
- 9. Правило сложения дисперсий.
- 10. Выборочные моменты.
- 11. Выборочные коэффициенты асимметрии и эксцесса.

- 12. Выборочные мода и медиана.
- 13. Понятие выборочного квантиля.
- 14. Нулевая и альтернативная гипотезы.
- 15. Ошибки первого и второго рода. Мощность критерия.
- 16. Критические области.
- 17. Алгоритм проверки гипотез.
- 18. Критерий согласия Пирсона.
- 19. t-критерий Стьюдента.
- 20. F-критерий Фишера.
- 21. Непараметрические критерии сравнения двух выборок.
- 22. Непараметрические критерии сравнения нескольких выборок.
- 23. Парный коэффициент корреляции Пирсона.
- 24. Ранговый коэффициент корреляции Спирмена.
- 25. Коэффициент конкордации.
- 26. Общая постановка задачи корреляционного анализа категоризованных данных. Таблица сопряженности.
- 27. Общая постановка задачи регрессионного анализа.
- 28. Парная регрессия. Постановка задачи. Оценка параметров.
- 29. Проверка качества уравнения парной регрессии.
- 30. Множественная регрессия. Постановка задачи.

# Примерные вопросы теста:

1. Среднее геометрическое определяется по формуле:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_{i}$$
a)
$$\bar{x} = \sqrt[n]{\prod_{i=1}^{n} x_{i}};$$

$$\bar{x} = \frac{n}{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{x_{i}};}$$
B)
$$\bar{x} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2}};$$

- 2. Несмещенная оценка дисперсии выборки 8, 14, 14, 17, 23, 26, 29, 29, 32, 38 равна
  - a) 10
  - б) 30
  - в) 81
  - г) 90
  - д) 180
  - e) 810
- 3. Вероятностью ошибки второго рода является
  - а) вероятность отклонения верной нулевой гипотезы;
  - б) вероятность принятия ложной нулевой гипотезы.

- 4. Для оценки связи между двумя категориальными переменными можно применить
  - а) коэффициент корреляции Пирсона;
  - б) коэффициент корреляции Спирмена;
  - в) коэффициент квадратичной сопряженности.
- 5. Для выявления статистически значимых отличий между тремя зависимыми выборками можно применить критерий
  - а) Вилкоксона
  - б) Краскала-Уолиса
  - в) Фридмана.

и т.п.

Практическая часть оценивается по результатам выполнения домашнего итогового исследования и проверяет ИОПК-2.3. Необходимо сформулировать цель исследования, собрать данные, выбрать метод анализа, реализовать его и сделать выводы из полученных результатов. Оценивается на «зачтено» или «незачтено».

Зачтено – цель исследования поставлена корректно, выбран адекватный метод анализа, метод реализован верно, сделаны правильные выводы из полученных результатов. Незачтено – цель сформулирована некорректно, выбран неадекватный метод анализа, не соответствующий типу данных и цели исследования, метод выбран правильно, но реализован некорректно, сделаны неверные выводы из полученных результатов.

#### 11. Учебно-методическое обеспечение

- a) Электронный учебный курс по дисциплине в электронном университете «LMS IDO» https://lms.tsu.ru/course/view.php?id=8908;
- б) Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

## 12. Перечень учебной литературы и ресурсов сети Интернет

- а) основная литература:
- 1. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник для прикладного бакалавриата / В. Е. Гмурман. 12-е изд. М. : Издательство Юрайт, 2016. 479 с. (Бакалавр. Прикладной курс). URL: https://www.biblio-online.ru/book/69836F34-AEF2-49FD-B438-3C1EC3996F17.
- 2. Ивашев-Мусатов, О. С. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник и практикум для академического бакалавриата / О. С. Ивашев-Мусатов. 3-е изд., испр. и доп. М.: Издательство Юрайт, 2016. 224 с. URL: https://www.biblio-online.ru/book/BB281C15-FCBA-4362-B6C4-7A861A37F8A8.
- 3. Кремер, Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика в 2 ч. Часть 1. Теория вероятностей: учебник и практикум для академического бакалавриата / Н. Ш. Кремер. 4-е изд., перераб. и доп. М.: Издательство Юрайт, 2016. 264 с. (Бакалавр. Академический курс). URL: <a href="https://www.biblio-online.ru/book/3BC02C6C-E0AE-4E81-A340-00EC8442906A">https://www.biblio-online.ru/book/3BC02C6C-E0AE-4E81-A340-00EC8442906A</a>.
  - б) дополнительная литература:
- 1. Статистика: учебник для прикладного бакалавриата / И. И. Елисеева, М. В. Боченина, Н. В. Бурова, Б. А. Михайлов; под ред. И. И. Елисеевой. 2-е изд., перераб. и доп. М.: Издательство Юрайт, 2016. 446 с. (Бакалавр. Прикладной курс). URL: <a href="https://www.biblio-online.ru/book/E322DC6F-0297-4108-BD0E-77ED0CE55682">https://www.biblio-online.ru/book/E322DC6F-0297-4108-BD0E-77ED0CE55682</a>

- 2. Харченко Н. М. Статистика : учебник / Н. М. Харченко. 2-е изд., перераб. и доп. Москва : Дашков и К°, 2011. 366, [1] с.: ил., табл.
- 3. Сидоренко Е. В. Методы математической обработки в психологии / Е. В. Сидоренко. СПб. : Речь, 2001. 349,[3] с.: ил.

Ермолаев-Томин, О. Ю. Математические методы в психологии в 2 ч. Часть 1. : учебник для академического бакалавриата / О. Ю. Ермолаев-Томин. — 5-е изд., испр. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2016. — 280 с. — URL: <a href="https://www.biblio-online.ru/book/4676E3A0-BC8B-4569-86DA-0CED43842D94">https://www.biblio-online.ru/book/4676E3A0-BC8B-4569-86DA-0CED43842D94</a>.

## 13. Перечень информационных технологий

- а) лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:
- Microsoft Office Standart 2013 Russian: пакет программ. Включает приложения: MS Office Word, MS Office Excel, MS Office PowerPoint, MS Office On-eNote, MS Office Publisher, MS Outlook, MS Office Web Apps (Word Excel MS PowerPoint Outlook);
  - публично доступные облачные технологии (Google Docs, Яндекс диск и т.п.);
  - -R https://www.r-project.org/;
  - R Studio https://www.rstudio.com/.
  - JASP https://jasp-stats.org/.
  - б) информационные справочные системы:
- Электронный каталог Научной библиотеки ТГУ http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&theme=system
- Электронная библиотека (репозиторий) ТГУ <a href="http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Index">http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Index</a>
  - ЭБС Лань http://e.lanbook.com/
  - ЭБС Консультант студента <a href="http://www.studentlibrary.ru/">http://www.studentlibrary.ru/</a>
  - Образовательная платформа Юрайт https://urait.ru/
  - ЭБС ZNANIUM.com <a href="https://znanium.com/">https://znanium.com/</a>
  - ЭБС IPRbooks http://www.iprbookshop.ru/

## 14. Материально-техническое обеспечение

Аудитории для проведения занятий лекционного типа.

Аудитории для проведения занятий семинарского типа, индивидуальных и групповых консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой и доступом к сети Интернет, в электронную информационно-образовательную среду и к информационным справочным системам.

Лаборатории, оборудованные компьютерами для практических работ с соответствующим программным обеспечением и интернетом, проектором.

## 15. Информация о разработчиках

Кабанова Татьяна Валерьевна, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры теории вероятностей и математической статистики ИПМКН ТГУ