

МИНОБРНАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

Институт прикладной математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ
Директор института прикладной
математики и компьютерных наук
А.В. Замятин
« 19 » _____ 2023 г.



Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине
(Оценочные средства по дисциплине)

Введение в теорию вероятностей и математическую статистику

по направлению подготовки

09.04.03 Прикладная информатика

Направленность (профиль) подготовки:

Цифровизация государственного и муниципального управления


ОС составил(и):

канд. физ.-мат. наук, доцент
доцент кафедры теории вероятностей и
математической статистики


И.А. Туренова

Рецензент:

д-р физ.-мат. наук, профессор,
зав. кафедрой теории вероятностей и
математической статистики


С.П. Моисеева

Оценочные средства одобрены на заседании учебно-методической комиссии
института прикладной математики и компьютерных наук (УМК ИПМКН).

Протокол от 08.06.2023 г. №2

Председатель УМК ИПМКН,
д-р техн. наук, профессор


С.П. Сущенко

Оценочные средства (ОС) являются элементом системы оценивания сформированности компетенций у обучающихся в целом или на определенном этапе ее формирования.

ОС разрабатывается в соответствии с рабочей программой (РП) дисциплины.

1. Компетенции и результаты обучения, формируемые в результате освоения дисциплины

Минимальное требование для выставления «зачета» – достижение сформированности результатов обучения на уровне «отлично», «хорошо», «удовлетворительно»

Компетенция	Индикатор компетенции	Код и наименование результатов обучения (планируемые результаты обучения, характеризующие этапы формирования компетенций)	Критерии оценивания результатов обучения			
			Отлично (зачтено)	Хорошо (зачтено)	Удовлетворительно (зачтено)	Неудовлетворительно (не зачтено)

<p>ОПК-1. Способен находить, формулировать и решать актуальные проблемы прикладной математики, фундаментальной информатики и информационных технологий</p>	<p>ИОПК-1.1. Анализирует проблемы в области прикладной математики, фундаментальной информатики и информационных технологий.</p>	<p>ОР-1.1. Обучающийся будет: Знать: -основы теории вероятностей - элементы математической статистики Уметь: - находить статистические оценки характеристик состояний системы - проводить сравнение аналитических и эмпирических оценок - выдвигать и проверять статистические гипотезы. Владеть: - навыками применения аппарата прикладного вероятностного анализа для исследования математических моделей и систем - навыками получения статистических оценок характеристик моделей и систем</p>	<p>Анализирует проблемы в области прикладной математики, фундаментальной информатики и информационных технологий Демонстрация высокого уровня знаний: основ теории вероятностей, элементов математической статистики умений: находить статистические оценки характеристик состояний системы, проводить сравнение аналитических и эмпирических оценок, выдвигать и проверять статистические гипотезы навыков: применения аппарата прикладного вероятностного анализа для исследования математических моделей и систем, получения статистических оценок характеристик моделей и систем</p>	<p>Анализирует проблемы в области прикладной математики, фундаментальной информатики и информационных технологий, но допускает неточности Сформированные знания: основ теории вероятностей, элементов математической статистики умения: находить статистические оценки характеристик состояний системы, проводить сравнение аналитических и эмпирических оценок, выдвигать и проверять статистические гипотезы навыки: применения аппарата прикладного вероятностного анализа для исследования математических моделей и систем, получения статистических оценок характеристик моделей и систем содержат отдельные пробелы</p>	<p>Анализирует проблемы в области прикладной математики, фундаментальной информатики и информационных технологий, но допускает ошибки Фрагментарные знания: основ теории вероятностей, элементов математической статистики умения: находить статистические оценки характеристик состояний системы, проводить сравнение аналитических и эмпирических оценок, выдвигать и проверять статистические гипотезы навыки: применения аппарата прикладного вероятностного анализа для исследования математических моделей и систем, получения статистических оценок характеристик моделей и систем содержат отдельные пробелы</p>	<p>Не анализирует проблемы в области прикладной математики, фундаментальной информатики и информационных технологий Отсутствие знаний: основ теории вероятностей, элементов математической статистики умений: находить статистические оценки характеристик состояний системы, проводить сравнение аналитических и эмпирических оценок, выдвигать и проверять статистические гипотезы навыков: применения аппарата прикладного вероятностного анализа для исследования математических моделей и систем, получения статистических оценок характеристик моделей и систем содержат отдельные пробелы</p>
--	---	---	--	--	---	---

2. Этапы формирования компетенций и виды оценочных средств

№	Этапы формирования компетенций (разделы дисциплины)	Код и наименование результатов обучения	Вид оценочного средства (тесты, задания, кейсы, вопросы и др.)
1.	Тема 1. Случайные события.	ОР-1.1.	Задания рабочей тетради
2.	Тема 2. Случайные величины.	ОР-1.1.	Задания рабочей тетради
3	Тема 3. Случайные векторы.	ОР-1.1.	Задания рабочей тетради
4	Тема 4. Характеристическая и производящая функция.	ОР-1.1.	Задания рабочей тетради
5	Тема 5. Элементы статистики.	ОР-1.1.	Задания рабочей тетради

3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки образовательных результатов обучения

3.1. Типовые задания для проведения текущего контроля успеваемости по дисциплине.

Типовые задания рабочей тетради:

Тема 1. Случайные события:

1. Две игральные кости бросаются одновременно. Найти вероятности следующих событий:

А – сумма выпавших очков равна 8;

В – произведение выпавших очков равно 8;

С – сумма выпавших очков больше, чем их произведение.

2. Имеется 55 шариков, которые случайным образом разбрасываются по 10 лункам. Найти вероятность того, что в первую лунку попадет только 1 шарик, во вторую – 2 шарика, в третью – 3, и так далее, и в десятую лунку попадет ровно 10 шариков.

Тема 2. Случайные величины:

1. Производится 10 независимых опытов, в каждом из которых с вероятностью 0,35 появляется событие А. Составить ряд распределения случайной величины X – числа появлений события, противоположного А в 10 опытах. Найти ее математическое ожидание и дисперсию.

2. Случайная величина X имеет распределение Пуассона с математическим ожиданием $m=3$. Построить функцию распределения случайной величины X и найти: а) вероятность того, что случайная величина X примет значение меньшее, чем ее математическое ожидание; б) вероятность того, что величина X примет положительное значение.

Тема 3. Случайные векторы:

1. В группе из 20 студентов только двое пропустили более половины занятий, и именно они получили оценку «2» на экзамене. Из остальных студентов 5 человек получили оценку «5», 10 человек - оценку «3» и 3 студента получили «3». Составить

таблицу совместного распределения оценки на экзамене (X) и индикатора пропуска более половины занятий (Y) для выбранного студента. Найти функцию совместного распределения вектора (X, Y) . Найти маргинальные законы распределения с.в. X и Y . Зависимы ли с.в. X и Y . Найти математические ожидания EX и EY . Найти дисперсии DX и DY . Найти $Cov(X, Y)$. Найти коэффициент корреляции $\rho(X, Y)$. Найти условные законы распределения с.в. X . Найти $Cov(20X-10Y, X-Y)$. Найти условное математическое ожидание $EX|Y$ (регрессию X на Y).

2. Имеется урна с 3 белыми и 3 черными шарами. Производится последовательное извлечение шаров (без возвращения) до первого появления белого шара; ξ – число извлеченных шаров. Далее извлечение шаров продолжается до первого появления черного шара; η – число шаров, извлеченных во второй серии. Требуется составить законы распределения (ξ, η) , ξ и η .

Тема 4. Характеристическая и производящая функция:

1. Найти характеристические функции для плотностей вероятностей:

А) $f(x) = \frac{a}{2} \exp\{-a|x|\}$;

Б) $f(x) = \frac{a}{\pi(a^2+x^2)}$;

В) $\frac{2\sin^2 \frac{ax}{2}}{\pi ax^2}$.

2. Найти распределение вероятностей случайной величины, характеристическая функция которой равна:

А) $\cos t$;

Б) $\frac{\sin at}{at}$;

В) $\frac{a}{a+it}$.

Тема 5. Элементы статистики.

1. Через каждый час измерялось напряжение в электросети. При этом были получены следующие значения (в вольтах):

227, 219, 215, 230, 232, 223, 220, 222, 218, 219, 222, 221, 227, 226, 226, 209, 211, 215, 218, 220, 216, 220, 221, 225, 224, 212, 217, 219, 220

Построить гистограмму, полигон частот, эмпирическую функцию распределения; оценить вероятность того, что напряжение не превосходит 220 В.

2. Построить доверительные интервалы для вероятности успеха p в одном опыте:

а) $n = 60$; $m = 15$; $\gamma = 0,95$;

б) $n = 200$; $m = 70$; $\gamma = 0,9$;

2.2. Типовые задания для проведения промежуточной аттестации по дисциплине.

Примерный вариант индивидуального набора заданий:

1. В лифт семиэтажного дома на первом этаже вошли три человека. Каждый из них с одинаковой вероятностью выходит на любом из этажей, начиная со второго.

Найти вероятности следующих событий:

А – все пассажиры выйдут на четвертом этаже;

В – все пассажиры выйдут одновременно (на одном и том же этаже);

С – все пассажиры выйдут на разных этажах.

2. Техническое устройство состоит из трех узлов. В первом узле n_1 элементов, во втором n_2 , в третьем n_3 элементов. Первый узел безусловно необходим для

работы устройства, второй и третий – дублируют друг друга. Время исправной работы каждого элемента распределено по показательному закону, среднее время работы элементов первого узла t_1 , второго – t_2 , третьего – t_3 . Первый узел выходит из строя, если в нем отказало не менее двух элементов, второй узел, как и дублирующий его третий, выходит из строя при отказе хотя бы одного элемента. Для выхода из строя технического устройства достаточно, чтобы вышел из строя первый узел или второй и третий узлы вместе. Найти вероятность того, что за время T техническое устройство выйдет из строя.

3. При выяснении причин недостачи драгоценных металлов в ювелирном магазине установлено, что их взвешивание производится на весах, цена деления которых равна 0,1 г, а показания весов округляются при взвешивании до ближайшего деления их шкалы, причём округления на любые значения от $-0,05$ до $0,05$ равновероятны. Оценить возможность возникновения ошибки более, чем на 0,03 г, вычислить математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратичное отклонение потерь.
4. Найти распределение вероятностей случайной величины, характеристическая функция которой равна $\cos^2 t$.
5. Как изменятся выборочные среднее и дисперсия, если результаты наблюдения подвергнуть преобразованию масштаба, т.е. увеличить или уменьшить одновременно в k раз?

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания образовательных результатов обучения

4.1. Методические материалы для оценки текущего контроля успеваемости по дисциплине.

Задание из рабочей тетради считается выполненным «верно», если выполняются следующие требования:

- получен правильный ответ на каждый поставленный вопрос задачи;
- верно выполнены все требования условия задачи (построение графика, диаграммы и т.п.)
- представлен и аргументирован ход решения задачи (вычисления, используемые формулы).

В противном случае задание не может считаться выполненным «верно».

4.2. Методические материалы для проведения промежуточной аттестации по дисциплине.

Промежуточная аттестация проводится в виде зачета, оценка «зачет» или «незачет» выставляется согласно следующим критериям:

«зачет» выставляется на основе верного выполнения более 80% заданий рабочей тетради;

«незачет» выставляется на основе верного выполнения менее 30% заданий рабочей тетради.

При верном выполнении от 30% до 80% заданий рабочей тетради проводится дополнительное оценочное мероприятие – индивидуальный контрольный набор из 5 задач, по одной задаче по каждой теме курса. В этом случае оценка «зачет» выставляется при условии правильного решения всех задач индивидуального контрольного набора, в противном случае выставляется оценка «незачет».