МИНОБРНАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

Институт прикладной математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ

Директор института прикладной

математики и компьютерных наук

А.В. Замятин

2022 г.

Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине (Оценочные средства по дисциплине)

Случайные процессы по направлению подготовки

09.03.03 Прикладная информатика

Направленность (профиль) подготовки:

Разработка программного обеспечения в цифровой экономике

ОС составил(и):
канд. физмат. наук, доцент
доцент кафедры теории вероятностей и математической статистики ОГУД.Д. Даммер
Рецензент:
д-р техн. наук, профессор,
профессор кафедры теории вероятностей и математической статистики А.А. Назаров
AN E
Оценочные средства одобрены на заседании учебно-методической комиссии института прикладной математики и компьютерных наук (УМК ИПМКН)
Протокол от
Председатель УМК ИПМКН, д-р техн. наук, профессор С.П. Сущенко

Оценочные средства (ОС) являются элементом системы оценивания сформированности компетенций у обучающихся в целом или на определенном этапе ее формирования.

ОС разрабатывается в соответствии с рабочей программой (РП) дисциплины.

1. Компетенции и результаты обучения, формируемые в результате освоения дисциплины

		Код и наименование результатов		Критерии оценивания ре	зультатов обучения	
Компетенция	Индикатор компетенции	обучения (планируемые результаты обучения, характеризующие этапы формирования компетенций)	Отлично	Хорошо	Удовлетворительно	Неудовлетворительно
ОПК-1. Способен применять естественнонаучны е и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментальног о исследования в	ИОПК-1.1. Обладает необходимыми естественнонау чными и общеинженерн ыми знаниями для исследования информационн ых систем и их компонент	OP-1.1.1 – умеет решать типовые задачи, применяя понятия случайных процессов	Обладает необходимыми естественнонаучными и общеинженерными знаниями для исследования информационных систем и их компонент Демонстрация высокого уровня умений решать типовые задачи, применяя понятия случайных процессов	Обладает необходимыми естественнонаучными и общеинженерными знаниями для исследования информационных систем и их компонент но допускает неточности Сформированные умения решать типовые задачи, применяя понятия случайных процессов содержат отдельные пробелы	Обладает необходимыми естественнонаучными и общеинженерными знаниями для исследования информационных систем и их компонент, но допускает ошибки Фрагментарное умение решать типовые задачи, применяя понятия случайных процессов	Не обладает необходимыми естественнонаучными и общеинженерными знаниями для исследования информационных систем и их компонент Отсутствие умений решать типовые задачи, применяя понятия случайных процессов
профессиональной деятельности;		OP-1.1.2 — знает преставление о полумарковских процессах и методах их марковизации	Демонстрация высокого уровня знаний о полумарковских процессах и методах их марковизации	Сформированные знания о полумарковских процессах и методах их марковизации содержат отдельные пробелы	Фрагментарное знание о полумарковских процессах и методах их марковизации	Отсутствие знаний о полумарковских процессах и методах их марковизации
		OP-1.1.3 умеет исследовать марковские процессы с дискретным и непрерывно временем	Демонстрация высокого уровня умений исследовать марковские процессы с дискретным и непрерывно временем	Сформированные умения исследовать марковские процессы с дискретным и непрерывно временем содержат отдельные пробелы	Фрагментарное умение исследования марковских процессов с дискретным и непрерывно временем	Отсутствие умений исследовать марковские процессы с дискретным и непрерывно временем

			I		
ИОПК-1.2. Использует фундаментальные знания, полученные в области математически х, естественных и общеинженерных наук в профессиональной деятельности	ОР-1.2.1 — умеет использовать основные понятия, факты, принципы случайных процессов для решения прикладных задач	Использует фундаментальные знания, полученные в области математических, естественных и общеинженерных наук в профессиональной деятельности Демонстрация высокого уровня умений использовать основные понятия, факты, принципы случайных процессов для решения прикладных задач	Использует фундаментальные знания, полученные в области математических, естественных и общеинженерных наук в профессиональной деятельности, но допускает неточности Сформированные умения использования основных понятий, фактов, принципов случайных процессов для решения прикладных задач содержат отдельные пробелы	Использует фундаментальные знания, полученные в области математических, естественных и общеинженерных наук в профессиональной деятельности, но допускает ошибки Фрагментарное умение использования основных понятий, фактов, принципов случайных процессов для решения прикладных задач	Не использует фундаментальные знания, полученные в области математических, естественных и общеинженерных наук в профессиональной деятельности Отсутствие умений использования основных понятий, фактов, принципов случайных процессов для решения прикладных задач
	ОР-1.2.2 — умеет применять на практике математические модели, используя аппарат случайных процессов, а также компьютерные технологии для решения задач в профессиональной деятельности	Демонстрация высокого уровня умений применения на практике математических моделей, используя аппарат случайных процессов, а также компьютерных технологий для решения задач в профессиональной деятельности	Сформированные умения применения на практике математических моделей, используя аппарат случайных процессов, а также компьютерных технологий для решения задач в профессиональной деятельности содержат отдельные пробелы	Фрагментарное умение применения на практике математических моделей, используя аппарат случайных процессов, а также компьютерных технологий для решения задач в профессиональной деятельности	Отсутствие умений применения на практике математических моделей, используя аппарат случайных процессов, а также компьютерных технологий для решения задач в профессиональной деятельности
	OP-1.2.3 — умеет применять современный математический аппарат (случайных процессов) для построения адекватных моделей реальных систем	Демонстрация высокого уровня умений применять современный математический аппарат (случайных процессов) для построения адекватных моделей реальных систем	Сформированные умения применять современный математический аппарат (случайных процессов) для построения адекватных моделей реальных систем содержат отдельные пробелы	Фрагментарное умение применять современный математический аппарат (случайных процессов) для построения адекватных моделей реальных систем	Отсутствие умений примения современного математического аппарата (случайных процессов) для построения адекватных моделей реальных систем

ИОПК-1.3. Применяет фундаментальн ые знания, полученные в области математически х, естественных и общеинженерн ых наук для моделирования и анализа задач

OP-1.3.1 умеет применять на практике математические модели и компьютерные технологии для решения различных задач в области профессиональной деятельности, используя аппарат теории вероятностей

Применяет фундаментальные знания, полученные в области математических, естественных и общеинженерных наук для моделирования и анализа задач Демонстрация высокого уровня умений применять на практике математические модели и компьютерные технологии для решения различных задач в области профессиональной деятельности, используя аппарат теории вероятностей

Применяет фундаментальные знания, полученные в области математических, естественных и общеинженерных наук для моделирования и анализа задач , но допускает неточности Сформированные умения применения на практике математических моделей И компьютерных технологий для решения различных задач в области профессиональной деятельности, используя аппарат теории вероятностей содержат отдельные пробелы

Применяет фундаментальные знания, полученные в области математических, естественных общеинженерных наук для моделирования и анализа задач, допускает ошибки Фрагментарное умение применять на практике математические модели и компьютерные технологии для решения различных залач в области профессиональной деятельности, используя аппарат теории вероятностей

Не применяет фундаментальные знания, полученные в области математических, естественных и общеинженерных наук для моделирования и анализа задач Отсутствие умений применения на практике математических моделей и компьютерных технологий для решения различных задач в области профессиональной деятельности, используя аппарат теории вероятностей

2. Этапы формирования компетенций и виды оценочных средств

№	Этапы формирования компетенций (разделы дисциплины)	Код и наименование результатов обучения	Вид оценочного средства (тесты, задания, кейсы, вопросы и др.)
1.	Раздел 1 Определения теории случайных процессов	ОР-1.1.1 — способен решать типовые задачи, применяя понятия случайных процессов ОР-1.2.1 — способен использовать основные понятия, факты, принципы случайных процессов для решения прикладных задач ОР-1.2.3 — способен применять современный математический аппарат (случайных процессов) для построения адекватных моделей реальных систем	Теоретические вопросы Практические задания
2.	Раздел 2 Гауссовские случайные процессы	ОР-1.1.1 — способен решать типовые задачи, применяя понятия случайных процессов ОР-1.2.1 — способен использовать основные понятия, факты, принципы случайных процессов для решения прикладных задач ОР-1.2.3 — способен применять современный математический аппарат (случайных процессов) для построения адекватных моделей реальных систем	Теоретические вопросы Практические задания
3	Раздел 3 Марковские процессы	ОР-1.1.3 умеет исследовать марковские процессы с дискретным и непрерывны временем ОР-1.2.1 — способен использовать основные понятия, факты, принципы случайных процессов для решения прикладных задач ОР-1.2.2 — способен применять на практике математические модели, используя аппарат случайных процессов, а также компьютерные технологии для решения задач в профессиональной деятельности ОР-1.2.3 — способен применять современный математический аппарат (случайных процессов) для построения адекватных	

	T	T	Г
		моделей реальных систем	
		ОР-1.3.1 способен применять на	
		практике математические модели	
		и компьютерные технологии для	
		решения различных задач в	
		области профессиональной	
		деятельности, используя аппарат	
		теории вероятностей	
		Георин вером ноетен	
	Раздел 4 Полумарковские процессы	OP-1.1.2 — имеет преставление o	
	T togeth . Trotty map no zonate in p e zoo e z	полумарковских процессах и	
		методах их марковизации	
		и непрерывны временем	
		ОР-1.2.2 – способен применять на	
		практике математические модели,	
		используя аппарат случайных	
		процессов, а также	
		компьютерные технологии для	
		решения задач в	
		профессиональной деятельности	
			Теоретические вопросы
4		ОР-1.2.3 – способен применять	
		современный математический	Практические задания
		аппарат (случайных процессов)	
		для построения адекватных	
		моделей реальных систем	
		OP 1 3 1 arrang fav vrom ravager	
		OP-1.3.1 способен применять на практике математические модели	
		и компьютерные технологии для	
		решения различных задач в	
		области профессиональной	
		деятельности, используя аппарат	
		теории вероятностей	
		Deponition	

3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки образовательных результатов обучения

3.1. Типовые задания для проведения текущего контроля успеваемости по дисциплине:

Пример билета для коллоквиума

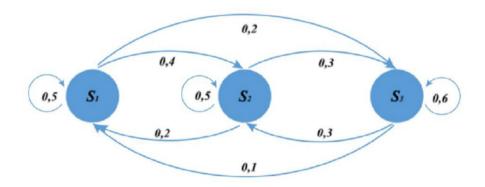
- I. Теоретический блок
- 1. Стационарные процессы в узком и широком смысле
- 2. Вероятностно-временные характеристики цепи Маркова
- II. Практический блок
- 1. Пусть $\xi(t)$ является однородной цепью Маркова с двумя состояниями: $X = \{0,1\}$. Время пребывания в состоянии 0 распределено по

экспоненциальному закону с параметром λ , а время пребывания в состоянии 1 распределено по экспоненциальному закону с параметром μ . Найти безусловные вероятности $P_i(t) = P\{\xi(t) = i\}$ состояний системы в произвольный момент времени.

2. Пусть клиенты, которые хотят получить консультацию, образуют простейший поток с параметром λ . Клиентов обслуживает один работник социальной сферы, если он занят, образуется очередь. Считается, что длина очереди не ограничена. Время обслуживания одного клиента является экспоненциально распределенной случайной величиной с параметром μ . Пусть i(t) — число клиентов, находящихся в системе в момент t. Найти финальные вероятности числа клиентов в системе.

Пример задач для самостоятельной работы:

1. Рассмотрим состояния банка, характеризующиеся одной из процентных ставок: 12%, 13%, 14%, которые устанавливаются в начале каждого квартала и фиксированы на всем его протяжении. Таким образом, если за систему S принять действующую процентную ставку, то она в каждый момент времени может находиться только в одном из состояний: S₁-процентная ставка 12%, S₂ – процентная ставка 13%, S₃ – процентная ставка 14%. Анализ работы банка в предшествующие годы показал, что изменение переходных вероятностей с течением времени пренебрежимо мало. Определить распределение вероятностей состояний системы в конце года, если в конце предыдущего года процентная ставка составила 13%, а граф вероятностей переходов имеет вид:



2. Классифицировать состояния для Марковской цепи, заданной матрицей вероятностей переходов P_1 , записать ее в каноническом виде и найти среднее время перехода из одного состояния в другое внутри замкнутого класса (все возможные варианты).

$$P_1 = \begin{bmatrix} 1/2 & 1/2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1/4 & 1/4 & 1/4 & 0 & 1/4 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 1/2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1/4 & 0 & 1/4 & 1/2 & 0 \end{bmatrix};$$

- 3.2. Типовые задания для проведения промежуточной аттестации по дисциплине Вопросы к зачету:
- 1. Определение случайного процесса. Семейство конечномерных распределений СП.
- 2. Моментные функции. Корреляционная функция.
- 3. Стационарные и эргодические процессы.
- 4. Непрерывность, дифференцируемость, интегрируемость в среднем квадратическом случайных процессов.
- 5. Гауссовские случайные процессы. Свойства гауссовского вектора.
- 6. Винеровский гауссовский случайный процесс. Белый гауссовский шум.
- 7. Цепи Маркова с дискретным временем. Переходные вероятности.
- 8. Уравнение Чепмена-Колмогорова. Классификация состояний цепи Маркова.
- 9. Эргодические теоремы для цепей Маркова с дискретным временем.
- 10. Цепи Маркова с непрерывным временем. Матрица инфинитезимальных характеристик.
- 11. Прямая и обратная системы дифференциальных уравнений Колмогорова.
- 12. Полумарковские процессы. Полумарковская матрица.
- 13. Метод вложенных цепей Маркова.
- 14. Метод дополнительной переменной.

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания образовательных результатов обучения

4.1. Методические материалы для оценки текущего контроля успеваемости по дисциплине.

Для оценивания текущего уровня знаний проводятся коллоквиумы и контрольные работы. В билете содержится два теоретических вопроса (коллоквиум) и две практические задачи (контрольная работа).

Оценка за коллоквиум и контрольную работу выставляются отдельно и независимою.

Оце	Критерий оценивания коллоквиума
нка	

5	Обучающийся показал отличный уровень
	владения теоретическим материалом, полностью
	ответил на поставленные вопросы
4	Обучающийся показал достаточный уровень
	владения теоретическим материалом, но допустил
	несущественные ошибки или не полностью
	изложил материал в одном вопросе
3	Обучающийся показал недостаточный уровень
	материалом, упустил важные определения или
	понятия, допустил ошибки при доказательстве
	теорем в двух вопросах
2	Обучающийся имеет существенные пробелы
	теоретического материала, не способен оказать
	теорему, не знает определения. Не ипоказал знание
	вопросах в билете.

Оцен	Критерий оценивания контрольной
ка	работы
5	Обучающийся решил две задачи правильно,
	сопроводил решение объяснением с
	обоснованием применения тех или иных теорем
	и определений

4	Обучающийся решил 1 задачу правильно, 2-
	ю решил с несущественными ошибками,
	сопроводил решение объяснением с
	обоснованием применения тех или иных теорем
	и определений
3	Обучающийся решил только 1 задачу
	правильно, сопроводил решение объяснением с
	обоснованием применения тех или иных теорем
	и определений, 2-ю решил с существенными
	ошибками или не решил.
2	Обучающийся не решил ни одну задачу, или
	решил с грубыми ошибками.
	I.

4.2. Методические материалы для проведения промежуточной аттестации по дисциплине.

Обучающийся не допускается к промежуточной аттестации, если по результатам текущего контроля знаний были продемонстрированы неудовлетворительные результаты освоения раздела.

Оцен	Критерий оценивания ответа на зачете
ка	
5	Обучающийся показал отличный уровень
(зачтено)	владения всеми теоретическими вопросами,
	показал все требуемые умения и навыки решения
	практических задач
4	Обучающийся овладел всеми теоретическими
(зачте	вопросами, частично показал основные умения и
но)	навыки при решении практических задач
3	Обучающийся имеет недостаточно глубокие
(зачте	знания по теоретическим разделам дисциплины,
но)	показал не все основные умения и навыки при
	решении практических задач

2	Обучающийся имеет существенные пробелы
(не	по отдельным теоретическим разделам
зачте	дисциплины и не владеет основными умениями и
но)	навыками решения практических задач