Министерство науки и высшего образования Российской Федерации НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Институт прикладной математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДЕНО: Директор А. В. Замятин

Оценочные материалы по дисциплине

Теория вероятностей

по направлению подготовки

01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль) подготовки: **Математические методы в цифровой экономике**

Форма обучения **Очная**

Квалификация **Бакалавр**

Год приема **2025**

СОГЛАСОВАНО: Руководитель ОП К.И. Лившиц

Председатель УМК С.П. Сущенко

1. Компетенции и индикаторы их достижения, проверяемые данными оценочными материалами

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

ОПК-1. Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.

ОПК-3. Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности.

Результатами освоения дисциплины являются следующие индикаторы достижения компетенций:

ИОПК-1.1. Демонстрирует навыки работы с учебной литературой по основным естественнонаучным и математическим дисциплинам.

ИОПК-1.2. Демонстрирует навыки выполнения стандартных действий, решения типовых задач с учетом основных понятий и общих закономерностей, формулируемых в рамках базовых математических и естественнонаучных дисциплин.

ИОПК-1.3. Демонстрирует навыки использования основных понятий, фактов, концепций, принципов математики, информатики и естественных наук для решения практических задач, связанных с прикладной математикой и информатикой.

ИОПК-1.4. Демонстрирует понимание и навыки применения на практике математических моделей и компьютерных технологий для решения практических задач, возникающих в профессиональной деятельности.

ИОПК-3.1. Демонстрирует навыки применения современного математического аппарата для построения адекватных математических моделей реальных процессов, объектов и систем в своей предметной области.

ИОПК-3.2. Демонстрирует умение собирать и обрабатывать статистические, экспериментальные, теоретические и т.п. данные для построения математических моделей, расчетов и конкретных практических выводов.

ИОПК-3.3. Демонстрирует способность критически переосмысливать накопленный опыт, модифицировать при необходимости вид и характер разрабатываемой математической модели.

ИОПК-3.4. Демонстрирует понимание и умение применять на практике математические модели и компьютерные технологии для решения различных задач в области профессиональной деятельности.

2. Оценочные материалы текущего контроля и критерии оценивания

Элементы текущего контроля:

- контрольные работы;
- самостоятельные работы;
- коллоквиумы;
- тесты:

Индикаторы ИОПК-1.1 и ИОПК-1.2 проверяются в ходе текущего контроля по дисциплине в виде самостоятельных, контрольных работ, коллоквиумов, тестовых заданий. Студент должен выполнить задания текущего контроля прежде, чем приступать к итоговому контролю. Выполнение всех заданий текущего контроля является обязательным условием получения оценок «отлично», «хорошо» и «удовлетворительно». При невыполнении заданий текущего контроля ставится оценка «неудовлетворительно».

Оценочные мероприятия текущего контроля. Контрольная работа

Оценивание контрольной работы осуществляется по следующей системе.

Контрольная работа содержит 5 заданий.

Оценка «отлично» ставится, если решены все задания верно.

Оценка «хорошо» ставится, если решены 4 задания верно.

Оценка «удовлетворительно» ставится, если решены 3 задания верно.

Оценка «неудовлетворительно» ставится, если решены не более двух заданий задания верно.

Примеры типовых контрольных заданий

Контрольная работа 1 (ИОПК-1.1 ИОПК-1.2) Билет №1.

1. Из полной колоды карт (52) карты вынимают наугад сразу 3 карты. Найти вероятность того, что этими картами будут: а) тройка, семёрка, дама б) три туза?

Ответ: 0.003; 0.00018

2. Два человека В и С условились встретиться в определённом месте между двумя и тремя часами дня. Пришедший первым ждёт другого в течение 10 минут, после чего уходит. Найти вероятность встречи этих лиц, если каждый из них может прийти в любое время в течение указанного часа независимо от другого.

Ответ: 11/36

3. В урне 12 красных, 8 зелёных и 10 синих шаров. Наудачу вынимаются 2 шара. Какова вероятность того, что вынутые шары разного цвета, если известно, что не вынут синий шар?

Ответ: 0.5052

4. Найти вероятность того, что кровь от случайно выбранного донора подойдёт для переливания нуждающемуся человеку, если в составе населения лица с І-ой группой крови составляют 33%, со ІІ-ой – 37%, с ІІІ-ей – 22% и с ІV-ой – 8%, а кровь некоторой группы можно переливать только лицам с той же или большей по номеру группой крови.

Ответ: 0.6503

5. В одном из поселков Томской области из каждых 100 семей 80 имеют моторные лодки. Найти вероятность того, что от 300 до 360 (включительно) семей из 400 имеют моторные лодки.

Ответ: 0.9938

Контрольная работа 2 (ИОПК-1.1, ИОПК-1.2) Билет №1.

1. В первой урне содержится 6 белых и 4 черных шара, а во второй 3 белых и 7 черных шаров. Из первой урны берут наудачу 2 шара и перекладывают во вторую урну, а затем из второй урны берут наудачу один шар и перекладывают в 1-ую урну. Составить законы распределения числа белых шаров в первой и второй урне. Построить функцию распределения.

Ответ:

ξ_i	4	5	6	7
p_i	$\frac{70}{360}$	$\frac{178}{360}$	$\frac{100}{360}$	$\frac{12}{360}$

$$F_{\xi}(x) = \begin{cases} 0, & x \le 4 \\ \frac{70}{360}; \ 4 < x \le 5 \\ \frac{248}{360}; \ 5 < x \le 6 \\ \frac{348}{360}; \ 6 < x \le 7 \\ 1; \ x > 7 \end{cases}$$

2. Непрерывная случайная величина имеет функцию распределения вероятностей:

$$F_{\xi}(x) = \begin{cases} 0, x \le A \\ \frac{1}{2}\sqrt{x} - 1, A < x \le B \\ 1, x > B \end{cases}$$

Найти значение параметра $A, B; \delta$) плотность распределения вероятностей.

Ответ: A=4, B=16,

$$p_{\xi}(x) = \begin{cases} \frac{1}{4\sqrt{x}}, & 4 < x \le 16\\ 0, & x \le 4, x > 16 \end{cases}$$

- 3. Известно, что случайная величина имеет экспоненциальное распределение с параметром 3. Докажите, что математическое ожидание и дисперсия определяются выражениями соответственно: 1/3, 1/9. (Используйте определения мат. ожидания и дисперсии)
- 4. Случайная величина (ξ, η) имеет плотность вероятностей:

$$p_{\xi\eta}(x,y) = \frac{C}{1+x^2+v^2+x^2v^2}, -\infty < x < \infty, -\infty < y < \infty.$$

Определить коэффициент C. Найти одномерные плотности вероятностей.

Ответ:

$$\begin{split} C &= \frac{1}{\pi^2} \\ p_{\xi}\left(x\right) = \frac{1}{\pi^2} \Big| \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\left(1 + x^2\right) \left(1 + y^2\right)} dy = \frac{1}{\pi^2 \left(1 + x^2\right)} \cdot \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\left(1 + y^2\right)} dy = \frac{1}{\pi^2 \left(1 + x^2\right)} \cdot \pi = \frac{1}{\pi \left(1 + x^2\right)}, \\ &- \infty < x < \infty, \\ p_{\eta}\left(y\right) &= \frac{1}{\pi^2} \cdot \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\left(1 + x^2\right) \left(1 + y^2\right)} dy = \frac{1}{\pi^2 \left(1 + y^2\right)} \cdot \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\left(1 + x^2\right)} dy = \frac{1}{\pi^2 \left(1 + y^2\right)} \cdot \pi = \frac{1}{\pi \left(1 + y^2\right)}, \\ &- \infty < y < \infty. \end{split}$$

5. Найти распределения вероятностей, которым соответствуют следующие производящие функции:

a)
$$\frac{1}{4}(1+z)^2$$
; **6)** $e^{\lambda(z-1)}$, $\lambda > 0$.

Ответ

	ξ_k	0	1	2
a)	p_k	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

$$p_k = \mathrm{P}\big\{\xi = k\big\} = \frac{\lambda^k}{k!}e^{-\lambda} - \text{распределение Пуассона, } \xi \sim P\left(\lambda\right).$$
 б)

Оценочные мероприятия текущего контроля. Коллоквиум.

Оценка за коллоквиум осуществляется по следующей системе.

Билет содержит 1 вопрос. Оценивается по пятибалльной системе.

Оценка «отлично» ставится, если студент продемонстрировал глубокое понимание теории по предмету, изложил правильно формулировки теорем, определений, доказательство утверждений и теорем.

Оценка «хорошо» ставится, если студент продемонстрировал понимание теории по предмету, изложил правильно формулировки теорем, определений, доказательство утверждений и теорем с несущественными ошибками.

Оценка «удовлетворительно» ставится, если студент продемонстрировал неглубокое понимание теории по предмету, изложил верно формулировки теорем, определений, доказательство утверждений и теорем с существенными ошибками.

Оценка «неудовлетворительно» ставится, если студент не продемонстрировал понимание теории по предмету, изложил не верно формулировки теорем, определений, без доказательства утверждений и теорем.

Коллоквиум 1 (ИОПК-1.1, ИОПК-1.2)

- 1. Описание и аксиоматическое определение случайного события.
- 2. Операции над событиями.
- 3. Классическое определение вероятности.
- 4. Геометрическое определение вероятности.
- 5. Аксиоматическое определение вероятности.
- 6. Формула полной вероятности.
- 7. Различные варианты формулы полной вероятности.
- 8. Формула Байеса.
- 9. Схема Бернулли. Биномиальное распределение.
- 10. Теоремы Муавра-Лапласа.
- 11. Теорема Пуассона. Простейший поток однородных событий.
- 12. Функции множеств и их свойства.
- 13. Борелевская прямая.
- 14. Критерий измеримости.

Коллоквиум 2 (ИОПК-1.1, ИОПК-1.2)

- 1. Аксиоматическое определение случайных величин и их свойства.
- 2. Функция распределения вероятностей значений случайной величины и её свойства.

- 3. Плотность распределения вероятностей значений непрерывной случайной величины и её свойства.
- 4. Ряд распределения вероятностей значений дискретной случайной величины и его свойства.
- 5. Конкретные распределения случайных величин, их характеристики и параметры.
- 6. Многомерные случайные величины, их функции распределения, условия согласованности.
- 7. Многомерные смешанные случайные величины.
- 8. Условные законы распределения.
- 9. Преобразование одномерных случайных величин.
- 10. Преобразование многомерных случайных величин.
- 11. Сумма, частное, модуль компонент двумерных случайных величин.
- 12. Интеграл от случайной величины по вероятностной мере интеграл Лебега.
- 13. Интеграл Стилтьеса числовые характеристики случайных величин.
- 14. Математическое ожидание, его свойства.
- 15. Дисперсия, её свойства.
- 16. Начальные и центральные моменты случайных величин, их семиинварианты.
- 17. Кривые регрессии. Коэффициент корреляции.
- 18. Экспоненциальные случайные величины, их свойства.
- 19. Условное математическое ожидание.
- 20. Формула полной вероятности для условного математического ожидания.
- 21. Типы сходимостей последовательностей случайных величин.
- 22. Центральная предельная теорема в простейшей форме. Интегральная теорема Муавра-Лапласа.
- 23. Условия Линдеберга и Ляпунова.
- 24. Центральная предельная теорема в форме Линдеберга с доказательством.
- 25. Центральная предельная теорема в форме Ляпунова с доказательством.
- 26. Закон больших чисел в форме Чебышева и Бернулли.
- 27. Лемма Бореля-Контелли закон нуля и единицы.
- 28. Теорема сходимости почти наверное, если сходится ряд из абсолютных моментов.
- 29. Лемма Кронекера и неравенство Гаека-Реньи.
- 30. Усиленный закон больших чисел в форме Колмогорова в общем виде.
- 31. Частные случаи усиленного закона больших чисел в форме Колмогорова.

Оценочные мероприятия текущего контроля. Тест.

Оценка за тест осуществляется по системе: зачтен, не зачтено; тест содержит 12 вопросов.

Зачтено ставится, если студент ответил более чем на 6 вопросов.

Не зачтено ставится, если студент ответил на 6 и менее вопросов.

Типовые тестовые вопросы (ИОПК-1.1, ИОПК -1.2)

1. Какое название имеет следующая формула:

$$P(A) = \sum_{i=1}^{n} P(AH_i) = \sum_{i=1}^{n} P(A|H_i)P(H_i)$$
?

- а. Формула полной вероятности
- b. Формула Байеса

- Формула произведения событий
- Формула произведения для независимых событий

Ответ: а

2. Укажите числовые характеристики случайной величины ξ , распределенной по закону Пуассона с параметром 3.

a.
$$M\xi = 3, D\xi = 3$$

b.
$$M\xi = 0, D\xi = 3$$

c.
$$M\xi = 3, D\xi = 0$$

d.
$$M\xi = \frac{1}{3}, D\xi = \frac{1}{3}$$

Ответ: а

3. Выберете выражение для распределения вероятностей случайной величины, распределенной закону Пуассона:

a.
$$p(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x}, & x > 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

b.
$$P\{\xi = m\} = p(1-p)^m, \ m = 0,1,2...$$

c.
$$P\{\xi = m\} = \frac{a^m}{m!}e^{-a}, \ m = 0,1,2...$$

d.
$$p(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp\left\{-\frac{(x-a)^2}{2\sigma^2}\right\}$$

Ответ: с

- 4. Если появление одного из двух событий не исключает возможность появления другого в том же испытании, то такие события называются...
- а. независимыми
- b. несовместными
- с. совместными
- d. равновозможными

Ответ: с

5. Укажите условие нормировки для дискретной случайной величины

a.
$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = 1$$

b.
$$\sum_{i}^{+\infty} p_{i} = 1$$

b.
$$\sum_{i} p_i = 1$$

c.
$$\int_{\alpha}^{\beta} x f(x) dx = 1$$

d.
$$\sum_{i}^{\alpha} x_{i} \cdot p_{i} = 1$$

d.
$$\sum_{i} x_i \cdot p_i = 1$$

- 6. Функция распределения F(x) случайной величины определяется как
- а. плотность распределения вероятностей случайной величины
- b. вероятность того, что случайная величина находится в интервале от X до $X + \Delta X$
- с. вероятность того, что случайная величина принимает значения меньше x
- d. среди приведённых ответов нет правильного

Ответ: с

7. Укажите вероятностей формулу плотности распределения нормально распределённой случайной величины

a.
$$\frac{\lambda^X}{X!} exp(-\lambda)$$

b.
$$\frac{1}{\sqrt{npq}} \exp(-\frac{x^2}{2})$$

c.
$$\frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}\exp\left(-\frac{(x-a)^2}{2\sigma^2}\right)$$

$$C_n^X p^X q^{n-X}$$

Ответ: с

- 8. При увеличении математического ожидания график нормального распределения...
- а. становится «шире»
- смещается влево
- не изменяется
- d. смещается вправо

Ответы: d

9. Случайная величина задана функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0 & npu & x < 0 \\ x^2 & npu & 0 \le x < 1, \\ 1 & npu & x \ge 1 \end{cases}$$

тогда плотность распределения вероятностей имеет вид:

a.
$$f(x) = \begin{cases} 0 & npu & x < 0 \\ 2x & npu & 0 \le x < 1 \\ 1 & npu & x \ge 1 \end{cases}$$

b.
$$f(x) = \begin{cases} 0 & npu & x < 0 \\ 2x & npu & 0 \le x < 1 \\ 0 & npu & x \ge 1 \end{cases}$$

c.
$$f(x) = \begin{cases} 0 & npu & x < 0 \\ \frac{x^3}{3} & npu & 0 \le x < 1 \\ 0 & npu & x \ge 1 \end{cases}$$

d.
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{npq}} \exp(-\frac{x^2}{2})$$

Ответ: b

 r_{xy} двух независимых случайных величин равен

a.
$$r_{xy} = 1$$

b.
$$r_{xy} = 0$$

c.
$$r_{xy} < 1$$

d. Определить невозможно

Ответ: b

- 11. Центральная предельная теорема это
- а. группа теорем, определяющая условие сходимости к нормально распределенным случайным величинам
 - b. теоремы, определяющие условие сходимости почти наверное
 - с. теоремы, определяющие условие сходимости по вероятности
 - d. верного ответа нет

Ответ: а

12. Выберете выражение, соответствующее определению сходимости по вероятности:

a.
$$\forall \varepsilon > 0$$
 $\lim_{n \to \infty} P\{\omega : |\xi_n(\omega) - \xi(\omega)| < \varepsilon\} = 1$

b.
$$\forall \varepsilon > 0$$
 $\lim_{n \to \infty} P\{\omega : \left| \xi_n(\omega) + \xi(\omega) \right| = \varepsilon\} < 1$

c.
$$\forall \varepsilon > 0$$
 $\lim_{n \to \infty} P\{\omega : |\xi_n(\omega) - \xi(\omega)| > \varepsilon\} = 1$

d.
$$\forall \varepsilon > 0$$
 $\lim_{n \to \infty} P\{\omega : |\xi_n(\omega) + \xi(\omega)| < \varepsilon\} > 1$

Ответ: а

Оценочные мероприятия текущего контроля. Самостоятельная работа.

Самостоятельная работа студентов состоит в выполнении домашних зданий и подготовки к коллоквиумам и экзаменам с использованием основной и дополнительной литературы, интернет источников. (ИОПК-1.1, ИОПК-1.2)

3. Оценочные материалы итогового контроля (промежуточной аттестации) и критерии оценивания

Экзамен в четвертом семестре проводится в письменной форме по билетам. Экзаменационный билет состоит из 2 частей. Продолжительность письменной части экзамена 1,5 часа.

Первая часть содержит теоретические вопросы, вторая – практическую задачу.

Первый вопрос билета соответствует разделу 1 и проверяет ИОПК-1.3 и ИОПК-1.4. Второй вопрос билета соответствует разделу 2 и проверяет ИОПК-3.1 и ИОПК-3.2. Третий вопрос билета соответствует разделу 3 и проверяет ИОПК-3.3 и ИОПК-3.4. Все три вопроса предполагают письменный ответ в развернутой форме и беседу с преподавателем по материалу билета. Практическая задача проверяет ИОПК 1.4., ИОПК 3.2.

Критерии оценивания.

Результаты экзамена определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно». Студент не допускается к экзамену, если по одному из видов *текущего контроля* был продемонстрирован «неудовлетворительный» уровень владения теоретической и практической частей курса.

Оценка «отлично» выставляется, если обучающийся показал отличный уровень владения всеми теоретическими вопросами, показал все требуемые умения и навыки решения практических задач.

Оценка «хорошо» выставляется, если обучающийся овладел всеми теоретическими вопросами, частично показал основные умения и навыки при решении практических задач

Оценка «удовлетворительно» выставляется, если обучающийся имеет недостаточно глубокие знания по теоретическим разделам дисциплины, показал не все основные умения и навыки при решении практических задач

Оценка «неудовлетворительно» выставляется, если обучающийся имеет существенные пробелы по отдельным теоретическим разделам дисциплины и не демонстрирует основные умения и навыки решения практических задач

Примерный перечень теоретических вопросов по разделу 1:

- 1. Аксиоматическое определение случайных событий.
- 2. Действия над случайными событиями.
- 3. Определение вероятности случайного события.
- 4. Свойства вероятностной меры и вероятностей событий.
- 5. Теорема сложения вероятностей.
- 6. Независимость случайных событий.
- 7. Условная вероятность события.
- 8. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
- 9. Схема Бернулли. Биномиальное распределение
- 10. Теорема Муавра-Лапласа.
- 11. Теорема Пуассона.
- 12. Простейший поток однородных событий.

Примерный перечень теоретических вопросов по разделу 2:

- 1. Случайные величины как измеримые функции.
- 2. Функция распределения случайной величины.
- 3. Дискретные и непрерывные случайные величины.
- 4. Плотность распределения вероятностей непрерывной случайной величины.
- 5. Преобразование многомерных случайных величин.
- 6. Интегралы Лебега и Стилтьеса.
- 7. Числовые характеристики случайных величин.
- 8. Характеристическая функция и её свойства.

- 9. Связь моментов случайной величины с её характеристической функцией.
- 10. Условная вероятность, условное математическое ожидание.

Примерный перечень теоретических вопросов по разделу 3:

- 1. Типы сходимости случайных величин.
- 2. Соотношения между различными типами сходимости случайных величин.
- 3. Центральная предельная теорема.
- 4. Условия Линдеберга и Ляпунова.
- 5. Теоремы Линдеберга и Ляпунова.
- 6. Интегралы Лебега и Стилтьеса.
- 7. Неравенство Чебышева.
- 8. Закон больших чисел.
- 10. Усиленный закон больших чисел.
- 11. Теоремы Колмогорова и Бореля.
- 12. Понятие центральной предельной проблемы.

Типовые экзаменационные билеты:

Экзаменационный билет № 1

- 1. Описание и аксиоматическое определение случайного события.
- 2. Функция распределения случайной величины.
- 3. Центральная предельная теорема.

Задача: Вероятность того, что изготовленный первой бригадой холодильник будет первосортный, равна 0,8. При изготовлении такого же холодильника второй бригадой эта вероятность равна 0,9. Первой бригадой изготовлено три телевизора, второй — четыре. Найти вероятность того, что все пять телевизоров первосортные.

Экзаменационный билет № 2

- 1. Схема Бернулли. Биномиальное распределение.
- 2. Плотность распределения вероятностей значений непрерывной случайной величины и её свойства.
- 3. Интегралы Лебега и Стилтьеса.

Залача:

Дана последовательность независимых случайных величин $\xi_1, \xi_2,....$. Выяснить – применим ли ЗБЧ если $M\xi_i=0,\ D\xi_i=i^{\alpha}, i=1,2,....(\forall \alpha<1)$

ξ_i	-ia	0	ia
p	$\frac{1}{2i^2}$	$1-\frac{1}{i^2}$?

4. Оценочные материалы для проверки остаточных знаний (сформированности компетенций)

Оценочные материалы содержат тестовые вопросы, теоретические вопросы и практические задачи.

Примерные тестовые вопросы (ОПК-1, ОПК-3)

- 1. События $A_1, A_2, A_3, \dots, A_n$ образуют полную группу попарно несовместных событий, если:
- а) $\sum_{i=1}^{n} A_i = \Omega$ и $A_i \cdot A_j = \emptyset$, для любых $i \neq j$;
- b) $\sum_{i=1}^{n} A_i = \Omega$ и $A_i + A_j = \emptyset$, для любых $i \neq j$;
- c) $\sum_{i=1}^{n} A_i = \Omega$ и $A_i \backslash A_i = \emptyset$, для любых $i \neq j$;
- d) нет правильного ответа.
- 2. Случайным событием в теории вероятностей является:
- а) всякое подмножество вероятностного пространства;
- b) измеримое подмножество пространства элементарных исходов;
- с) любое подмножество пространства элементарных исходов;
- d) нет правильного ответа.
- 3. В группе 30 студентов: 5 отличников, 10 хорошистов и 15 слабых студентов. Отличник сдает зачет с первого раза с вероятностью $p_1=0.90$, хорошист с вероятностью $p_2=0.75$, а слабый студент с вероятностью $p_3=0.45$. Отвечают студенты в случайном порядке. Найти вероятность того, что первый отвечающий получит зачет.
- a) 0,625;
- b) 0,90;
- c) 0,75;
- d) нет правильного ответа.

Ключи: 1 a), 2 b), 3 a).

Примерный перечень теоретических вопросов (ОПК-1, ОПК-3)

- 1. Случайное событие, операции над событиями.
- 2. Классическое и геометрическое определение вероятности.
- 3. Формула полной вероятности, формула Байеса.
- 4. Теоремы Муавра-Лапласа.
- 5. Случайные величины и их свойства.
- 6. Характеристики случайных величин
- 7. Конкретные распределения случайных величин, их характеристики и параметры.
- 8. Коэффициент корреляции.

- 9. Типы сходимостей последовательностей случайных величин.
- 10. Центральная предельная теорема в форме Ляпунова с доказательством.
- 11. Закон больших чисел в форме Чебышева и Бернулли.

Примерные практические задачи (ОПК-1, ОПК-3)

- 1. Найти по определению числовые характеристики случайной величины, имеющей нормальное распределение: $p(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x-a)^2}{2\sigma^2}\right).$
- 2. Пусть ξ , η , ζ независимые случайные величины с конечными положительными дисперсиями. Могут ли быть независимыми случайные величины $\xi + \zeta$, $\zeta + \eta$?

Ключи: 1. $M\{\xi\} = a, D\{\xi\} = \sigma^2$, 2. Могут (использовать свойств независимых случайных величин для числовых характеристик)

Информация о разработчиках

Даммер Диана Дамировна, канд. физ.-мат. наук, доцент, доцент кафедры теории вероятностей и математической статистики института прикладной математики и компьютерных наук НИ ТГУ.